#### 网络首发地址:http://kns.cnki.net/kcms/detail/42.1755.tj.20190929.1806.001.html

期刊网址: www.ship-research.com

引用格式:余桐泉,李天匀,刘圣超,等.水下航行体推进轴系多状态下的变形特征分析[J].中国舰船研究,2019,14(5): 64-69.

Yu T Q, Li T Y, Liu S C, et al. Analysis on propulsion shafting deformation characteristics of underwater vehicle under various conditions[J]. Chinese Journal of Ship Research, 2019, 14(5):64-69.

# 水下航行体推进轴系多状态下的 变形特征分析



余桐泉1,李天匀\*1.2.3,刘圣招4,朱翔1.2.3 1华中科技大学船舶与海洋工程学院,湖北武汉 430074 2高新船舶与深海开发装备协同创新中心,上海 200240 3船舶与海洋水动力湖北省重点实验室,湖北武汉 430074 4 武昌船舶重工集团有限公司,湖北 武汉 430064

摘 要: [目的]为了研究水下航行体推进轴系在多种状态下的变形及轴承负荷变化规律, [方法] 以某水下航 行体为研究对象,通过建立的轴系及水下航行体混合有限元模型,对该模型在船台、码头、水下3种工况下施加 符合实际情况的载荷,以及设置相应的边界条件,计算航行体结构的变形,分别提取不同工况下的轴承位置变 形和轴承负荷,并以轴承1和轴承3的连线为参考线,得到各工况下轴承位置处的相对变形。[结果]结果表明, 针对该水下航行体,从船台工况到码头工况再到水下工况,轴系中心线的相对变形及其大小、轴承负荷的改变 趋势均有差异;对船台工况的轴系轴承2预设向上0.0909mm的初始变形值,可达到轴系在水下工况处于理想 状态的目的。[结论]研究结果可为水下航行体后续的轴系校中提供参考。 关键词:混合有限元模型;轴系变形;轴承负荷;相对变形;轴系校中

中图分类号:U664.21

文献标志码:A

#### DOI: 10.19693/j.issn.1673-3185.01456

# Analysis on propulsion shafting deformation characteristics of underwater vehicle under various condtions

Yu Tongquan<sup>1</sup>, Li Tianyun<sup>\*1,2,3</sup>, Liu Shengchao<sup>4</sup>, Zhu Xiang<sup>1,2,3</sup>

1 School of Naval Architecture and Ocean Engineering, Huazhong University of Science and Technology, Wuhan 430074, China

2 Collaborative Innovation Center for Advanced Ship and Deep-Sea Exploration, Shanghai 200240, China 3 Hubei Key Laboratory of Naval Architecture and Ocean Engineering Hydrodynamics, Wuhan 430074, China 4 Wuchang Shipbuilding Industry Group Co., Ltd, Wuhan 430064, China

Abstract: [Objectives] In order to study the laws of the propulsion shafting deformation and variation of the bearing load of a underwater vehicle under various conditions, [Methods] a mixed finite element model of the shaft system and the underwater vehicle was established, with a underwater vehicle as the research object, to which the realistic load and boundary conditions were applied under three conditions including on the slipway, at the pier and underwater to calculate the hull deformation respectively and the deformation of the bearing and the bearing load were extracted. Taking the connecting line of the bearing 1 and bearing 3 as the reference line, the relative deformation of the bearing under three conditions was obtained. [Results] The analysis results show that, for this underwater vehicle, the relative deformation of the centerline of the shaft system, its size and the changing trend of the bearing load are different under the conditions from the slipway to the pier and then to the underwater; the initial deformation of bearing 2 of the shaft system on the slipway is preset to be 0.090 9 mm upward, so that the shaft system is in ideal state on the underwater. [Conclusions] The study in this paper can provide reference for the subsequent shafting alignment.

Key words: mixed finite element model; shaft deformation; bearing load; relative deformation; shaft alignment

收稿日期: 2018-10-12 网络首发时间: 2019-9-30 10:37

作者简介:余桐泉,女,1994年生,硕士生。研究方向:船舶与海洋工程结构力学。E-mail:

李天匀,男m201671534@hust.edu.cn, 1969年生, 博士, 教授, 博士生导师。

\*通信作者: 李天匀

# 0 引 言

水下航行体在水下航行时,在重力和浮力作 用下船体会发生变形。船体结构变形会导致推进 轴系各轴承的位置变化,各轴承的支承力也相应 变化,对轴系的运转造成不良后果,所以轴系校中 不能忽略此结构变形因素<sup>[1-2]</sup>。可见,预先计算得 到轴系各轴承处的结构变形数据对轴系校中具有 重要意义。

通过仿真计算和实船测量均可以获得船体变 形。美国船级社通过归纳已测得的船体变形数 据,指出可使用相同类型的船舶变形数据来估算 船体变形<sup>[3]</sup>。朱昀炤等<sup>[4]</sup>阐述了测量船体变形的 计算方法,包括船体梁理论和有限元方法。李家 齐等<sup>[5]</sup>运用船体梁理论估算了船体变形,但是使 用船体梁理论只能粗略了解船体变形数据。而对 于复杂的船体结构,船体梁理论难以对重点关注 位置处的变形进行详尽描述。

随着仿真技术的发展,有限元方法的应用使 得准确分析船舶主要构件的变形成为可能<sup>[6]</sup>。石 磊等<sup>[7]</sup>通过建立的全船有限元模型,对压载到港、 满载出港这2种极限装载状态下的船体变形进行 了仿真计算,从而获得了船舶底部的变形结果。

当前,国内外很多学者探究了影响轴系校中 的船体变形问题。王西丁等[8]计算了超载和正常 排水量2种工况下的船体变形,计入船体变形时 轴系轴承反力,得到了船体变形对轴承反力变化 的规律。耿厚才等<sup>[9]</sup>针对有、无艉管前轴承的2种 轴系布置,考虑满载、压载与施工状态之间的船体 相对变形,讨论了船体变形对轴承负荷的影响。 董恒建等[10]通过建立的"艉部—机舱—货舱"的局 部有限元模型,计算了各工况下轴系中心线的垂 向相对变形,阐述了将计算得到的船体变形值运 用到轴系校中过程中的方法。毛卫<sup>[11]</sup>将艇体变形 数据转化为轴系各轴承的相对变形数据,并作为 轴承的初始挠度,反复调用轴系校中计算模块,得 到轴系合理校中的计算结果。考虑到全船有限元 模型的计算代价高和局部有限元模型的计算精度 等问题,杨传武和陆坡等[12-13]运用混合有限元模 型对船舶力学相关问题进行了研究。同时,现有 文献大多是研究散货船、油船等水面船的,由于装 载情况引起的船体变形对轴系轴承负荷的影响。

本文拟首先建立水下航行体的混合有限元模型,船体艉部和主结构分别采用三维有限元和一 维梁模型,计算在船台、码头、水下3种工况在重 力和浮力的共同作用时,轴承位置处的变形和轴 承载荷。利用文献[10]的计算轴系中心线相对变 形的方法,获得轴系各轴承不同工况下的相对变 形,并讨论轴系各轴承相对变形与轴承负荷的关 系。同时,在船台阶段考虑水下工况相对于船台 的船体变形,研究得到预设的轴系各轴承的初 始变形值,以使轴系在水下工况处于理想的设计 状态。

# 1 模型描述

本文选择文献[13]的水下航行体为研究对 象。建立的有限元模型分为2个部分: 艉部结构 采用三维模型, 主结构采用一维梁模型。

水下航行体的艉部包括推进轴系、耐压壳体、 舱壁、压载水舱、肋骨和管路等。其中,耐压壳体、 舱壁等使用壳单元,肋骨等使用梁单元。推进轴 系由螺旋桨、轴段1、轴段2、轴段3、轴承1、轴承2、 轴承3等组成,从船艉至船艏依次分布轴承1、轴 承2、轴承3,模型如图1所示。螺旋桨重量作为集 中载荷处理,其作用点取为桨穀中点。各轴段用 梁单元模拟。各轴承连接推进轴系和水下航行 体,采用弹簧单元模拟,并给弹簧单元赋予相应方 向的刚度值:轴承1和轴承2具有径向刚度,轴承3 具有径向和纵向刚度。轴承支点的处理参照规范 CB/Z 338-2005《船舶推进轴系校中》<sup>[14]</sup>,轴承1的 支承点取距该轴承靠近螺旋桨端面距离的1/3处, 轴承2和轴承3的支承点取为轴承长度的中点。 模型尺寸及各轴承刚度取值同文献[13],如表1 所示。

表1 推进轴系各轴承刚度值<sup>[13]</sup> Table 1 Bearing stiffness of the propulsion shafting<sup>[13]</sup>

名称	轴承1	轴承2	轴承3	轴承3
刚度方向	径向	径向	径向	纵向
刚度值/(N⋅m <sup>-1</sup> )	3.20×10 <sup>8</sup>	1.10×10 <sup>8</sup>	$1.60 \times 10^{8}$	5.00×10°

主结构采用一维梁模型,并保证此模型的质量、刚度、惯性矩等参数与实际相同<sup>[13]</sup>。将主结构 按站号离散成不同的梁段,各梁段的截面参数通 过各站的质量和截面惯性矩计算得到,以确保简 化梁结构的刚度与实际相同。

艉部三维模型和主结构一维梁模型利用刚性 域耦合。主节点是一维梁和艉部横舱壁的连接节 点,从节点是艉部横舱壁的其他节点,耦合六自由 度,以满足艉部模型和一维梁模型间的变形约束。

图2所示为本文的水下航行体混合有限元模型。模型的原点位于上述主节点的位置。设定纵向为x轴,向船艏为正;垂向为y轴,由原点向上为



Fig.1 Propulsion shafting model

正;水平方向为z轴,向右舷为正。模型采用国际 单位制,单元数为62786,节点数为54360。





# 2 计算工况及其载荷和边界条件

### 2.1 计算工况的选取

本文计算工况包括3种:

1)船台工况:水下航行体完成主机吊装、艉 轴镗孔等阶段,此时结构的支撑是分布的枕木;

2) 码头工况:水下航行体出坞后停靠码头阶段,此时其漂浮在水中;

3)水下工况:水下航行体正常运行阶段,此 时其已下潜一定深度。

### 2.2 不同工况下的载荷和边界条件

水下航行体在船台、码头和水下3种工况的 载荷和边界条件为:

 1)船台工况。计算模型为艉部的三维模型, 考虑重力作用,并以加速度场的形式施加。在支 撑枕木的相应位置施加简支约束,计算完毕后核 算支撑枕木处的支反力。

2)码头工况。计算模型为混合有限元模型, 考虑重力和浮力作用。对于艉部三维模型,重力 以加速度场的形式施加,非耐压结构的浮力通过 改变单元密度来实现,耐压结构的浮力以静水压 力的形式作用。对于主结构一维梁模型,重力和 浮力均以均布压力的形式作用。与船台工况不同 的是,码头工况存在轴段和螺旋桨浸水的情况,计 及浮力的影响,对轴段重量和螺旋桨重量根据规 范乘以一定的比例系数。在近重心和浮心位置处 的节点上施加固支约束。计算完毕后核算约束节 点处的支反力,以确保约束对结构变形无影响。 3)水下工况。计算模型为混合有限元模型。由于水下工况和码头工况仅吃水深度不同, 故水下工况的载荷和边界的施加方式与码头工况 相同,仅耐压结构的压力大小存在差异。由于非 耐压结构的压力导致的变形较小,且浮力变化不 大,本文暂不考虑此压力对变形的影响。

# 3 推进轴系变形及轴承负荷分析

## 3.1 模型准确性校核

为确保水下航行体有限元模型与实际结构的 吻合度,在计算完毕后对模型的重力和重心位置、 浮心和浮心位置进行核算。核算结果数据如表2~ 表3所示。

表 2 重力及浮力的相对误差 Table 2 Relative errors of gravity and buoyancy

	0	v	2 2
名称		相对	误差/%
重力		1	.203
浮力(水下工况)		1	.655

表3 重心及浮心坐标的相对误差

Table 3	Relative errors of the center position
	gravity and huovaney

to the	相对误差/%			
名州	x方向	y方向	z方向	
重心坐标	0.823	0	0	
浮心坐标(水下工况)	1.335	0	0	

在计算相对误差时,采用如下公式:

重力相对误差=	结构重力-模型重力
巡 <b>山</b> 相对 泪 关	结构重力 结构浮力-模型浮力
仔刀相刈 医左=	

其中,重心和浮心坐标的相对误差的定义为 模型重心、浮心和实际结构重心、浮心在某一方向 上的距离与结构在对应方向上的长度的比值。

由对表1,表2数据的分析可见,水下航行体 有限元模型在一定程度上能够保证对实际结构及 其载荷、边界模拟的准确性。

#### 3.2 推进轴系变形分析

船舶轴系校中通常在船台或码头阶段进行, 轴系校中计及船体变形的影响时,需获得船舶在 其他工况下与校中工况的变形差值。考虑到模型 关于中纵剖面是对称的,且推进轴系位于对称面 内,认为轴线处横向变形较小,结构的垂向变形对 轴系校中影响较大。因此,本文提取的计算结果 是轴系的垂向变形。图3所示为3种工况下的轴 系变形。



图 3 三种工况下的轴系变形 Fig.3 Shaft deformation under three conditions

同时,对轴系各轴承的垂向变形进行一定的 处理,以轴承1和3的连线作为变形的参考线,得 到各工况下轴系中心线沿垂向的相对变形。以轴 承1为基点,轴系中心线各处距轴承1的距离为横 坐标,轴线垂向相对变形值为纵坐标,垂向相对变 形值为正时,表示轴系产生竖直向下的变形。图4 所示为绘制的轴系中心线的垂向相对变形图。





分析不同工况下轴系中心线的相对变形,得 到以下结论:

 1)船台到码头工况。轴系中心线的相对变 形呈"凹"形,相对变形增大。原因在于两种工况 下的载荷和约束发生变化,由重力作用、枕木支撑 的工况变化为重力和浮力作用下平衡的工况; 2) 码头到水下工况。轴系中心线的相对变 形由"凹"形变为"凸"形,原因在于结构由部分浸 没变为完全浸没,各站范围内重力和浮力的分布 发生了变化。

水下航行体在重力和浮力的作用下产生变形 时,轴系中心线随之发生变形,由于载荷和约束在 不同工况下发生变化,轴系中心线沿垂向的变形 也会发生改变。但是,如果对轴系进行校中,仅知 道轴系中心线处的结构变形值是不够的,水下航 行体在运行工况下相对于校中工况下的变形值才 能为轴系校中提供参考。以在船台工况进行校中 为例,若提前计入各轴承处水下工况相对于船台 工况下的的变形,就能保证结构在水下工况时轴 系处于理想的设计状态。

#### 3.3 轴承负荷分析

本文计算研究了各工况下轴系中心线处的结构变形值,并考虑了各轴承处的轴承力。在仿真结果中,提取不同工况下各轴承处的轴承力,分析了轴承力的变化情况。各工况下的轴承力如表4 所示。

表 4 各工况下的轴承力分布 Table 4 Bearing force distribution under various conditions

	conuntion	3			
マロ		轴承力/t			
二.06	轴承1	轴承2	轴承3	百月	
船台	1.231 1	0.475 8	0.745 6	2.452 5	
码头	1.083 5	0.379 9	0.797 9	2.261 3	
水下	1.102 9	0.298 7	0.859 7	2.261 3	

船台工况下,各轴承力合力理论上应等于轴 系总重量。码头和水下工况下,由于考虑螺旋桨 和浸水轴段的浮力,各轴承力合力理论上应小于 轴系总重量。由计算结果可以看到,船台工况下 轴承合力确实等于轴系总重量,码头和水下工况 下轴承合力确实小于轴系总重量,但各轴承的轴 承力大小会发生变化。

利用计算得到的轴系变形和轴承负荷,与对 应的实际结构在船台、码头工况下的测量数据进 行对比,发现两者吻合得较好,各数据的绝对值误 差不超过10%,这在一定程度上验证了本文仿真 结果的准确性。

分析各工况下的轴承力,与轴系中心线的相 对变形对照,得出以下结论。

1)船台到码头工况。轴系中心线的相对变 形呈"凹"形,相对变形增大。轴承1和2的轴承力 减小,轴承3的轴承力增大,此过程中浮力的存在 对轴承力的分布影响较大。

2) 码头到水下工况。轴系中心线的相对变 形由"凹"形变为"凸"形,轴承1和3的轴承力增 大,轴承2的轴承力减小,此过程中重力和浮力的 分布变化对轴承的支承力起作用。

## 3.4 轴系安全性验证

水下工况为水下航行体运行工况,以水下航行体工作时轴系为直线状态为目标,若在船台进行轴系校中时,预先考虑运行状态相对于船台状态的轴系变形值,此时需对各工况下的轴系安全性进行验证,参照《船舶推进轴系校中》<sup>[14]</sup>规范,校核各工况下的轴承负荷、轴的弯曲应力和轴承1 处的截面转角。采用的校中计算方法为三弯矩法,即式(1)三弯矩方程计算。

$$\frac{L_{i-1}M_{i-1}}{E_{i-1}I_{i-1}} + 2M_i \left[ \frac{L_{i-1}}{E_{i-1}I_{i-1}} + \frac{L_i}{E_iI_i} \right] + \frac{L_iM_{i+1}}{E_iI_i} - \frac{6Z_{i-1}}{L_{i-1}} + \frac{6Z_i}{L_{i-1}} + \frac{6Z_i}{L_i} - \frac{6Z_{i+1}}{L_i} = -\frac{1}{4} \left[ \frac{Q_{i-1}L_{i-1}^3}{E_{i-1}I_{i-1}} + \frac{Q_iL^3i}{E_iI_i} \right] (1)$$

式中:下标*i*为支承号,*i*=1,2,3…,*n*;*L<sub>i</sub>*为第*i* 与第*i*+1支承间的跨距,m;*M<sub>i</sub>*为第*i*支承截面上 的弯矩,N·m;*E<sub>i</sub>*为第*i*与第*i*+1支承间轴段材料 的杨氏模量,N/m<sup>2</sup>;*I<sub>i</sub>*为第*i*与第*i*+1支承间轴段的 截面惯性矩,m<sup>4</sup>;*Q<sub>i</sub>*为第*i*与第*i*+1支承间轴段所 受的均布载荷,N/m;*Z<sub>i</sub>*为第*i*截面挠度,m;*P<sub>i</sub>*为 第*i*支承处集中载荷,N。

设定轴系两端为自由端,边界条件为 $M_1 = M_n = 0$ 。

对于支承处方程<sup>[15]</sup>,考虑到轴承刚度和初始 变形,则

$$R_{i} = \frac{M_{i-1} - M_{i}}{L_{i-1}} + \frac{M_{i+1} - M_{i}}{L_{i}} + \frac{1}{2}(Q_{i-1}L_{i-1} + Q_{i}L_{i}) + P_{i} = K_{i}(Z_{i} - Z_{i0}) \quad (2)$$

式中: *R*<sub>i</sub> 为支承负荷; *Z*<sub>i0</sub> 为给定的轴承挠度; *K*<sub>i</sub> 为轴承刚度,对实支承取实际支承刚度,对虚支承

取刚度为0。针对本文,实支承刚度取为轴承1~ 轴承3的刚度,虚支承即截面变化处等,支承刚度为0;轴承挠度取上一节计算得到的轴承1~轴承3 水下工况与船台工况下的相对变形差值,即  $Z_{10} = 0 \text{ mm}$ ,  $Z_{20} = 0.0909 \text{ mm}$ ,  $Z_{30} = 0 \text{ mm}$ 。

将以上值代入式(1),可以求解得到各支承截 面上的弯矩 *M<sub>i</sub>*,各支承的挠度 *Z<sub>i</sub>*。由 *M<sub>i</sub>*可计算 轴承负荷、轴段弯曲应力和轴承处截面转角。

各轴承处的轴承负荷由式(3)计算。

$$R_{i} = \frac{M_{i-1}}{L_{i-1}} - \frac{M_{i}}{L_{i-1}} - \frac{M_{i}}{L_{i}} + \frac{M_{i+1}}{L_{i}} + \frac{Q_{i-1}L_{i-1}}{2} + \frac{Q_{i}L_{i}}{2} + P_{i}$$
(3)

式中:下标*t*为轴承号; *R*<sub>t</sub>为轴承*t*的轴承负荷。 各轴承处截面的转角为

$$\theta_{i} = \frac{Q_{i-1}L_{i-1}^{3}}{24E_{i-1}I_{i-1}} + \frac{M_{i}L_{i-1}}{3E_{i-1}I_{i-1}} + \frac{M_{i-1}L_{i-1}}{6E_{i-1}I_{i-1}} + \frac{Z_{i} - Z_{i-1}}{L_{i-1}}$$
(4)

式中,
$$\theta_t$$
为轴承 $t$ 处截面转角,rad。

第i和第i+1支承之间轴段i内的弯矩分布为

$$M_{i}(x) = M_{i} + R_{i}x - \frac{Q_{i}L_{i}^{2}}{2}$$
(5)

式中, $M_i(x)$ 为第i和第i+1支承之间的弯矩分布,  $0 \le x \le L_i$ 。

轴段i各截面的弯曲应力为

$$\sigma = \frac{M_i(x) \cdot y}{I_i} \tag{6}$$

式中: σ 为各截面弯曲应力; y 为截面上各点距中 性轴的距离。

本文需要得到的是轴承 1~轴承 3 的支承负荷 等参数,计算出各支承截面上的弯矩  $M_i$ ,各支承 挠度  $Z_i$ 后,在上述  $R_i$ ,  $\theta_i$ ,  $M_i(x)$ ,  $\sigma$ 方程式中代 入轴承 1~轴承 3 处的支承号,即可得到相应的参 数值。

以船台工况为例,计算结果如表5所示。规 范[14]对轴系各参数的限制条件如表6所示。

计算结果表明:考虑水下航行体变形的影响,

	表5 船台上况钿糸特性
Table 5	Shafting characteristics at slipway

ナカ	五河 负荷/t			最	最大弯曲应力/MPa		
上沉 -	轴承1	轴承2	轴承3	轴段1	轴段2	轴段3	转角/rad
船台	1.226 7	0.528 1	0.698 3	12.566 0	3.631 8	7.022 8	2.754 3×10 <sup>-4</sup>

表6	规范中轴系特性限制条件
40	

 Table 6
 Specifications of shafting characteristic constraints

抽乏性性。	负荷/t			最大	最大弯曲应力/MPa		
轴系特性 轴承1		轴承2	轴承3	轴段1	轴段2	轴段3	转角/rad
约束	≥0.31,≤3.47	≥0.23,≤1.37	≥0.14,≤4.52	≤20	≤20	≤15	$\leq 3.5 \times 10^{-4}$

各工况下轴系的各参数均满足规范的限制条件, 轴系处于安全状态,这证明了在船台校中时使各 轴承产生相应的预变形以使运行工况轴系处于预 先设定状态的可行性。

# 4 结 论

本文通过建立水下航行体混合有限元模型, 对不同工况下推进的变形、轴承负荷进行了仿真 分析,在相应实测数据的验证下,得到以下结论:

 1)船台到码头工况,轴系中心线的相对变形 呈"凹"形,相对变形增大,轴承1和轴承2的轴承 力减小,轴承3的轴承力增大。

2) 码头到水下工况,轴系中心线处的相对变 形从"凹"形变为"凸"形,轴承1和轴承3的轴承力 增加,轴承2的轴承力减小。

3) 计算的轴系变形数据可为轴系校中提供 参考。若在船台进行轴系校中,可提前考虑水下 工况轴系各轴承变形相对于船台时的变形差值, 使轴系各轴承产生一定的预变形,以使水下工况 时轴系处于理想的设计状态。

#### 参考文献:

- [1] 李方海. 基于船体艉部变形耦合作用的推进轴系校 中技术研究[D]. 武汉:武汉理工大学,2012.
  Li F H. Research on propulsion shafting alignment technology based on stern hull deformation coupling effect [D]. Wuhan: Wuhan University of Technology, 2012 (in Chinese).
- [2] 蒋平,朱汉华,严新平,等. 船体大变形对轴系校中的影响[J]. 船舶工程, 2013, 35(1): 35-38.
  Jiang P, Zhu H H, Yan X P, et al. Research on effect of ship hull deformation on shaft alignment [J]. Ship Engineering, 2013, 35(1): 35-38 (in Chinese).
- [3] ABS. Guidance notes on propulsion shafting alignment[S]. [S. I. ]: ABS 2004.
- [4] 朱昀炤, 汪顺亭, 缪玲娟, 等. 船体变形测量技术综述[J]. 船舶工程, 2007, 29(6): 58-61.
  Zhu Y Z, Wang S T, Miao L J, et al. Review of measuring technique for ship deformation [J]. Ship Engineering, 2007, 29(6): 58-61 (in Chinese).
- [5] 李家齐, 吴新建. 船体变形及其对舰载红外警戒系 统测角的影响[J]. 舰船电子工程, 2007, 27(2): 86-88.
  Li J Q, Wu X J. Hull deformation and the influence on the angle measurement of shipborne IRST [J]. Ship Electronic Engineering, 2007, 27(2): 86-88 (in Chinese).
- [6] Abazari A, Ziaei-Rad S, Dalayeli H. Investigation on ship collision phenomena by analytical and finite element methods[J]. International Scholarly and Scientif-

ic Research & Innovation, 2011, 5(8): 1551-1560.

- [7] 石磊,薛冬新,宋希庚.用于轴系校中的船体变形 计算研究[J].船舶工程,2010,32(3):13-16.
  Shi L, Xue D X, Song X G. Study on ship hull deformation computation for shafting alignment [J]. Ship Engineering, 2010, 32(3):13-16 (in Chinese).
- [8] 王西丁,钟涛,武玉增.船体变形对轴系校中的影响与分析[J].上海造船,2005(2):61-63.
  Wang X D, Zhong T, Wu Y Z. Influence and analyses of hull deflection on shafting alignment[J]. Shanghai Shipbuilding, 2005(2):61-63 (in Chinese).
- [9] 耿厚才,郑双燕,陈建平.大型船舶船体变形对轴系 校中的影响分析[J].船舶工程,2010,32(5):7-9.
  Geng H C, Zheng S Y, Chen J P. Influence analysis of large vessel hull deformation on shafting alignment[J].
  Ship Engineering, 2010, 32(5):7-9 (in Chinese).
- [10] 董恒建,张建军.对轴系校中影响的船体变形研究
  [J].船舶工程,2009,31(增刊1):8-11.
  Dong H J, Zhang J J. Study on the hull deflection for the effect of shafting alignment [J]. Ship Engineering, 2009, 31(Supp 1):8-11 (in Chinese).
- [11] 毛卫.考虑艇体变形影响的轴系合理校中[J].中国舰船研究, 2014, 9(3): 83-87, 98.
  Mao W. Rational shafting alignment of submersible vehicle considering hull deformations [J]. Chinese Journal of Ship Research, 2014, 9(3): 83-87, 98 (in Chinese).
- [12] 杨传武,陈志坚.用混合有限元模型分析船体振动 问题研究[J].海军工程大学学报,2004,16(2):79-82.
  Yang C W, Chen Z J. Analysis of hull vibration by mixing finite element model[J]. Journal of Naval University of Engineering, 2004,16(2):79-82 (in Chinese).
- [13] 陆坡,赵耀,李天匀,等.基于混合有限元模型的 推进轴系一艇体耦合振动特性分析[J].中国造 船,2012,53(3):151-157.
  Lu P, Zhao Y, Li T Y, et al. Analysis of coupled vibration of propulsion shafting-bull based on mixed fi

bration of propulsion shafting-hull based on mixed finite element model [J]. Shipbuilding of China, 2012, 53(3): 151-157 (in Chinese).

- [14] 国防科学技术工业委员会. 船舶推进轴系校中: CB/Z 338-2005[S]. 北京:中国标准出版社, 2006.
  Committee of National Defense Science and Technology Industry. Propulsion shaft alignment of ship: CB/Z 338-2005[S]. Beijing: China Standard Press, 2006 (in Chinese).
- [15] 周瑞平.超大型船舶推进轴系校中理论研究[D]. 武汉:武汉理工大学,2005.

Zhou R P. Research on propulsion shafting alignment theory for super large ship[D]. Wuhan: Wuhan University of Technology, 2005 (in Chinese).